

Aufgabe 1:  $A \in \mathbb{R}^{4 \times 4}$  mit  $A := \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 5 \\ 2 & 5 & 5 & 4 \\ 0 & 0 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$

7323235

Berechne die Determinante

Aufgabe 2:  $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  durch die darstellende

$$\text{Matrix } A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

bestimmen sie Basis von  $\ker f$  des  $\mathbb{R}^2$  (Eigenvektoren)

Aufgabe 3: Berechnen sie die Länge der Kurve

$$\gamma: [0, 2\pi] \rightarrow \mathbb{R}^2, \gamma(t) = (r \cdot \cos(t), r \cdot \sin(t))$$

mit Hilfe von  $L := \int_0^{2\pi} \|\gamma'(t)\| dt$ 

Aufgabe 4:  $f(x, y) = xy^2 - x$

Berechne mögliche Extremstellen:

Aufgabe 5:

Sei  $K$  ein Körper und  $A \in K^{n \times n}$ . Dann istder Kern von  $A$  definiert durch  $\text{Ker}(A) := \{x \in K^n : Ax = 0\}$ Zeigen sie, dass  $\text{Ker}(A)$  ein Untervektorraum von  $K^n$  ist.

Aufgabe 6: (Übungsblatt 5 Aufgabe 21)

Sei  $F: V \rightarrow W$  eine bijektive lineare Abbildung. ZeigenSie dass dann auch die Umkehrabbildung  $F^{-1}: W \rightarrow V$  linear ist

Aufgabe 7:

a)

Jedes Polynom  $f \in \mathbb{C}[\epsilon]$  mit  $\deg f > 0$  hat mindestens eine Nullstelle

- Nein
- Ja
- keine eindeutige Aussage möglich
- $f$  muss  $\in \mathbb{R}[\epsilon]$  sein, damit die Aussage gilt.

b) Welche <sup>Aussage</sup> Folgerung gilt?

$A \in \mathbb{R}^{n \times n}$  habe paarweise verschiedene Eigenwerte  
dann folgt:

- Eigenwerte haben Vielfachheit  $> 1$
- Keine Aussage möglich
- $A$  ist diagonalisierbar
- $A$  ist <sup>immer</sup> orthogonal

c) Welche <sup>Aussage ist richtig</sup> Folgerung gilt?

- partiell diff'bar  $\Rightarrow$  total diff'bar  $\Rightarrow$  stetig partiell diff'bar
- total diff'bar  $\Rightarrow$  stetig partiell diff'bar  $\Rightarrow$  partiell diff'bar
- stetig partiell diff'bar  $\Rightarrow$  total diff'bar  $\Rightarrow$  partiell diff'bar
- Keine Aussage ist richtig

d) Welche Aussage ist richtig

- $(\text{Hesse } f)(x)$  ist symmetrisch
- $(\text{Hesse } f)(x)$  ist diagonalisierbar

~~$\det(\text{Hesse } f)(x)$  ist orthogonal~~  $> 0$

$\det \Rightarrow$    $(\text{Hesse } f)(x)$  ist invertierbar